



ສາທາວິທະວິທະຍາຄາສຕ່ຽນສຸຂພາພ  
ມหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมราช

ເອກສາຣໂນຕທັກນໍ້ຫຼຸດວິທາ

ກາຮສອນເສຣິມຄຣັ້ງທີ 2

50103

# ສົກລົ້າແລະກາຮຈົ່ງ ສໍານັ້ນ ຈົກຈາກສາສຕ່ຽນສຸຂພາພ

Statistics and Research in Health Sciences

## **รายงานผลการจัดทำข้อความ**

**เอกสารโปรดทัศน์ชุดวิชา** สถิติและการวิจัยสำหรับวิทยาศาสตร์สุขภาพ การสอนแลริมครั้งที่ 2  
จัดทำขึ้นเพื่อเป็นบริการแก่นักศึกษาในการสอนแลริม

**จัดทำด้นฉบับ** : คณะกรรมการกลุ่มผลิตชุดวิชา

**บรรณาธิการ/ออกแบบ** : หน่วยผลิตลีล่องสอนแลริม ศูนย์โปรดทัศนคึกษา  
สำนักเทคโนโลยีการศึกษา

**จัดพิมพ์** : สำนักพิมพ์มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช

**พิมพ์ที่** : โรงพิมพ์มหาวิทยาลัยสุโขทัยธรรมาธิราช  
พิมพ์ครั้งที่ 28 กาค 2/2557 (ปรับปรุง)

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.6.1 ລັກຂະນະແລະແລ່ງທີ່ມາຂອງຂໍ້ມູນເພື່ອກາຣວິຈີຍ

### ລັກຂະນະຂອງຂໍ້ມູນ

1. ຂໍ້ມູນເຫີຝຄຸນກາພ
2. ຂໍ້ມູນເຫີຝປົມາຄນ

### ຮະດັບຂໍ້ມູນ

1. ຂໍ້ມູນຮະດັບນາມບັງຄັດ (nominal scale)
2. ຂໍ້ມູນຮະດັບອັນດັບ (ordinal scale)
3. ຂໍ້ມູນຮະດັບຂ່າວໜ້າທີ່ຮູ້ອັນຕຽກາຄ (interval scale)
4. ຂໍ້ມູນຮະດັບອັດຕາລ່ວນ (ratio scale)

### ລັກຂະນະຂອງຂໍ້ມູນທີ່

1. ຄວາມຖຸກຕ້ອງ
2. ຄວາມທັນສມ້ຍ
3. ຄວາມສມບູຽນຄຽບຄ້ວານ
4. ຄວາມຫັດເຈນ
5. ຄວາມສອດຄລ້ອງ
6. ເປົ້າຍບໍ່ທີ່ມີກັບຂໍ້ມູນນີ້ໄດ້

### ແລ່ງທີ່ມາຂອງຂໍ້ມູນ

1. ຂໍ້ມູນປັບປຸງກົມ
2. ຂໍ້ມູນທຸຕິຍກົມ

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.6.2 ວິທີກາຣເກີບຮັບຮົມຂໍ້ມູນ

### ວິທີກາຣເກີບຮັບຮົມຂໍ້ມູນ

1. ກາຣເກີບຮັບຮົມຂໍ້ມູນຈາກເອກສາຮ
2. ວິທີກາຣນັນທຶກຂໍ້ມູນຈາກກາຣວັດທີ່ອັນນັບ
3. ກາຣໃໝ່ແບບສອບຄາມ
4. ກາຣທດລອງ
5. ກາຣສັ້ນກາຜະນົ
6. ກາຣທດສອນ
7. ກາຣສັ້ນເກເຕ

## โสตทัศน์ # 2.6.3 เทคนิคการเก็บรวบรวมข้อมูล

### เทคนิคในการเก็บรวบรวมข้อมูล

1. การวางแผนการเก็บข้อมูล
2. วิธีการเก็บรวบรวมข้อมูล
3. เครื่องมือที่ใช้เพื่อเก็บรวบรวมข้อมูล

### เทคนิคของการเก็บข้อมูลด้วยวิธีสังเกต

1. ศึกษาวัตถุประสงค์ของการวิจัย
2. สร้างแบบแผนการเก็บตัวอย่าง
3. อบรมผู้ที่จะดำเนินการเก็บรวบรวมข้อมูลให้เข้าใจถึงวัตถุประสงค์ของงานวิจัยและขั้นตอนการสังเกตข้อมูล
4. เก็บข้อมูลอย่างเป็นระบบ ตามวัตถุประสงค์ของงานวิจัย
5. ตรวจสอบข้อมูลและประมวลผลเบื้องต้น

### เทคนิคของการเก็บข้อมูลด้วยวิธีแจกแบบสอบถาม

1. การแจกแบบสอบถามโดยตรง
2. การส่งแบบสอบถามให้ผู้ตอบทางไปรษณีย์

### เทคนิคของการเก็บข้อมูลด้วยการสัมภาษณ์

1. การสัมภาษณ์จากผู้ให้คำตอบโดยตรง
2. การสัมภาษณ์ทางโทรศัพท์

## โสตทัศน์ # 2.7.1 การเตรียมและการตรวจสอบแก้ไขข้อมูล

### 1. การเตรียมข้อมูล (data preparation)

มีขั้นตอนดังนี้

1. การตรวจสอบแก้ไขข้อมูลเบื้องต้น
2. การให้รหัสข้อมูล
3. การบันทึกข้อมูล
4. การตรวจสอบแก้ไขรหัสข้อมูลครั้งสุดท้าย

### 2. การตรวจสอบแก้ไขข้อมูลเบื้องต้น

1. ความครบถ้วนสมบูรณ์
2. ความสอดคล้องของคำตอบ
3. ความสอดคล้องกับวัตถุประสงค์

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.7.2 ຕາຮາງຈຳລອງ

### ຕາຮາງຈຳລອງ (dummy table)

ໜ່ວຍເປັນກຽບໃນກາຣວິເຄຣະໜໍ ຮວມທັກກາຣແປລຜລ ທຳໃຫ້ກາຣສຶກຂາມື້ຂໍ້ຜິດພາດນ້ອຍ ປະຫຍັດ  
ຄ່າໃຊ້ຈ່າຍໃນກາຣວິເຄຣະໜໍດ້ວຍຄອມພິວເຕອນ

### ອົນຄປະກອບຂອງຕາຮາງ

- ໝາຍເລີຂຂອງຕາຮາງ ເປັນກາຣຮູບລຳດັບທີຂອງຕາຮາງ ກຳທັນດໄທ້ຢູ່ຂ້າຍມືອ
- ຂໍ້ຂອງຕາຮາງ ເປັນຂໍ້ຄວາມທີ່ຢູ່ຄັດຈາກໝາຍເລີຂຂອງຕາຮາງແລະອູ່ແກວເຖິງກັນ ເປັນຂໍ້ຄວາມສັນໆ  
ເພື່ອໃຫ້ການຂໍ້ມູນໃນຕາຮາງເປັນເຮືອງວ່າໄ ທີ່ໄໝ ແລະເມື່ອໄດ
- ໜ້າເຮືອງແກວ ເປັນລ່ວນຂອງຕາຮາງທີ່ອົບາຍຂໍ້ມູນທີ່ຢູ່ໃນແນວນອນ
- ໜ້າເຮືອງສດມກໍ ເປັນລ່ວນຂອງຕາຮາງທີ່ອົບາຍຂໍ້ມູນທີ່ຢູ່ໃນແນວຕັ້ງ
- ຕັ້ງເຮືອງ ເປັນລ່ວນຂອງຕາຮາງທີ່ເປັນຕົວເລີຂ ແລະຕັ້ງເລີຂນີ້ຈະແນກຕາມຮາຍລະເອີຍດ ຂອງໜ້າເຮືອງແກວ  
ແລະໜ້າເຮືອງສດມກໍ

### ຕັ້ງຢ່າງ

**ຕາຮາງທີ 1** ໝາຍເລີຂຂອງຕາຮາງ  
ຈຳນວນແລະຮ້ອຍລະຂອງການທຳການເພື່ອຄ່າຈ່າງ ພັນຈາກສມຮສຂອງສຕຣີທີ່ເຄຍສມຮສແລ້ວ

ຈະແນກຕາມຮະດັບກາຣສຶກຂາ  $\longrightarrow$  ຂໍ້ຂອງຕາຮາງ

ຮະດັບກາຣສຶກຂາ	ສຕຣີທີ່ເຄຍສມຮສແລ້ວ		ຫ້າເຮືອງສດມກໍ
	ຈຳນວນ	ຮ້ອຍລະ	
ປະກາດສຶກຂາ	30	30.0	
ມັນຍາມສຶກຂາ	30	30.0	ຫ້າເຮືອງ
ອນຸປະກາດ	20	20.0	
ປະກາດສຶກຂາທີ່ຫຼືອສູງກວ່າ	20	20.0	
ຮວມ	100	100.0	

ຄ້າບອກສານທີ່ແລະຮະຍະເວລາດ້ວຍຍິ່ງດີ ແຕ່ຄ້າເປັນທີ່ເຂົ້າໃຈກັນໃນເລີ່ມເຖິງກັນກີ່ໄມ່ຕ້ອງເຂົ້າ

## ໂສຕັກສົນ # 2.7.3 ຂົນດົກຂອງຕາຣາງ

### ຂົນດົກຂອງຕາຣາງ

1. ຕາຣາງອ່ຍ່າງໆຢ່າຍ (univariate tabulation) ເປັນຕາຣາງທີ່ມີຕັວແປຣເດືອຍໃນຫຼວດຕາຣາງທີ່ເປັນແກວຕັ້ງຈະມີເພີ່ມຈຳນວນ ແລະ ຮ້ອຍລະ ມັກຈະນຳເລັນອຄຸນລັກຊະນະຂອງຕ້ວອ່ຍ່າງ ໄນໄດ້ແສດງຄວາມລັ້ມພັນຮູ້ຮ່ວ່າງຕັວແປຣ

**ຕາຣາງທີ 2** ຈຳນວນແລະ ຮ້ອຍລະຂອງຜູ້ຕອບແບບສອບຄາມເຮືອງການວາງແຜນຄຣອບຄຣວ ຈຳແນກຕາມເປັດແລະ ອາຍຸ

ຕັວແປຣ	ຈຳນວນ	ຮ້ອຍລະ
ເປັດ		
ໝາຍ	300	37.5
ທຸນິງ	500	62.5
ຮວມ	800	100.0
ກລຸ່ມອາຍຸ (ປີ)		
20–29	200	25.0
30–49	250	31.3
50 ແລ້ວໄປ	350	43.7
ຮວມ	800	100.0

2. ຕາຣາງ 2 ຕັວແປຣ (bivariate tabulation) ເປັນຕາຣາງທີ່ມີ 2 ຕັວແປຣ ໃນຫຼວດຕາຣາງທີ່ເປັນແກວນອນແລະ ແກວຕັ້ງຈະເປັນຕັວແປຣຄນລະພວກ ເຊັ່ນ ຕັວແປຣອີສະຣະ ຢ່ວມຕັວແປຣຕາມ ເປັນຕົ້ນ ມັກເປັນກາວິເຄຣະຫຼັບແບບ ດາຣາງໃໝ່ການທີ່ຈະຈັດຕັວແປຣຕາມຫຼື ອັນຕັວແປຣຕົ້ນເປັນແກວຕັ້ງຫຼື ແນວນອນແລ້ວແຕ່ຄວາມເໜາະສົມຂອງ ມັກຕະຫຼາດ

**ຕາຣາງ 3** ຈຳນວນຂອງລຶ່ງຕ້ວອ່ຍ່າງຈຳແນກຕາມການເຈັບປ່າຍດ້ວຍໂຮຄພຍາຮີໃບໄໝຕັບແລະ ປະວັດກິນປາລາດີບ ຢ່ວມຕົບໆ ສຸກາ

ປະວັດກິນປາລາດີບ ຫ່ວົວດົບໆ ສຸກາ	ການເຈັບປ່າຍດ້ວຍໂຮຄພຍາຮີໃບໄໝຕັບ		ຈຳນວນ	ຮ້ອຍລະ
	ປ່າຍ	ໄໝຕັບ		
ເຄຍກິນ	80	20	100	100.0
ໄມ່ເຄຍກິນ	0	100	100	100.0
ຮວມ	80	120	200	100.0

ການຄໍານວນຮ້ອຍລະໃຫ້ຕັວແປຣຕົ້ນເປັນຈຸານ 100 ໃນການຄໍານວນ ແຕ່ແປລ່ມມີກິນປາລາດີບ

### ໂສຕທັນ # 2.7.3 ຈົນດຂອງຕາຮາງ (ຕ້ອ)

3. ตารางที่มีตัวแปรมากกว่า 2 ตัวแปร (multivariate tabulation) เป็นตารางที่มีตัวแปรมากกว่า 2 ตัว ในหัวตารางที่เป็นแนวโน้มอาจแสดงตัวแปร 2 ตัว หรือมากกว่า หรือในแต่ละตั้งอาจแสดงตัวแปร 2 ตัว หรือมากกว่าก็ได้

**ตาราง 4** ความล้มพันธ์ระหว่างอาชีพ ระดับการศึกษา และความพึงพอใจต่อการรับบริการในโรงพยาบาลของผู้มารับบริการ

การศึกษา	เกษตรกร		ข้าราชการ		รวม
	พ่อใจ	ไม่พ่อใจ	พ่อใจ	ไม่พ่อใจ	
ต่ำกว่าปริญญาตรี	80	20	60	40	200
ปริญญาตรีหรือสูงกว่า	20	80	40	60	200
รวม	100	100	100	100	400

## ໂສຕທັນ # 2.7.4 ການບັນທຶກຂໍ້ມູນລົດວ່າຍຄອມພິວເຕອນ

## 1. ความสำคัญของการบันทึกข้อมูลด้วยคอมพิวเตอร์

การใช้คอมพิวเตอร์ในการวิเคราะห์ข้อมูล จำเป็นต้องบันทึกข้อมูลด้วยคอมพิวเตอร์ เช่นเดียวกัน เพื่อคอมพิวเตอร์จะได้อ่านข้อมูลได้ วิเคราะห์ได้ และส่งข้อมูลผ่านอุปกรณ์มาได้ การที่บันทึกข้อมูลด้วยคอมพิวเตอร์สามารถเรียกขึ้นมาดูบนจอได้ โดยใช้โปรแกรมที่ใช้บันทึกข้อมูล หรือโปรแกรมที่จะวิเคราะห์ข้อมูล สามารถบันทึกข้อมูลเพิ่มเติมเป็นระยะได้ถ้าหากพบข้อผิดพลาดก็สามารถแก้ไขใหม่ได้ตลอดเวลา หรืออาจมีการแทรกตัวแปรที่ไปเก็บข้อมูลเพิ่มเติม หรือแก้ไขความซ้ำของข้อมูลก็ได้ ซึ่งถือว่าการบันทึกข้อมูลด้วยคอมพิวเตอร์อำนวยความสะดวกให้แก่นักวิจัยเป็นอย่างยิ่ง

## 2. สื่อที่ใช้ในการบันทึกข้อมูลด้วยคอมพิวเตอร์

เนื่องจากคอมพิวเตอร์ไม่สามารถอ่านข้อมูลจากเอกสารต่างๆ ได้โดยตรง จึงต้องมีลีฟ์ที่ให้เครื่องคอมพิวเตอร์อ่านได้ ลีฟ์สำหรับคอมพิวเตอร์ได้แก่

- ແຜນໜີ້ດີ
  - ຄວມແພຄແພລຊ
  - ກາຣົດມັລຕິມີເດືອນແລະໜີເຄີຍວົດຈິຕອລ
  - ລື່ອອິນໆ ເຊັ່ນ removable disk

## ໂສຕທັນ # 2.7.4 ການບັນທຶກຂໍ້ອມູລດ້ວຍຄອມພິວເຕອຣ໌ (ຕ່ອ)

### 3. ວິທີການບັນທຶກຂໍ້ອມູລ

ໜັງຈາກຮຽນຂໍ້ອມູລ ຜ່ານກະບວນການຕຽບສອບຂໍ້ອມູລເບື້ອງຕົ້ນ ໄດ້ມີການສ້າງຄຸ້ມືອລງຮ້າສ ແລະ ລ່າງຮ້າສ ໃນແບບຟອຣົມທີ່ສ້າງຂຶ້ນແລ້ວ ແລະ ທຳມະວັງຮູ້ຈັກກັບຄອມພິວເຕອຣ໌ ອຸປະກົນທີ່ສ້ອຕ່າງໆ ທີ່ໃຫ້ກັບຄອມພິວເຕອຣ໌ ທຽບໂປຣແກຣມຄອມພິວເຕອຣ໌ທີ່ຈະເລືອກໃຫ້ພົກມັກມີໂປຣແກຣມນີ້ໃນເຄື່ອງຄອມພິວເຕອຣ໌ ກົດສາມາດຖື່ກະບັນທຶກທີ່ກ່ອຍເຊີ້ມູລ ເຂົ້າຄອມພິວເຕອຣ໌ໄດ້ ທັນນີ້ໃນການບັນທຶກຂໍ້ອມູລສໍາຫັກງານວິລັຍເຮືອງໜຶ່ງຄວາມໃຫ້ໂປຣແກຣມຄອມພິວເຕອຣ໌ໃນການບັນທຶກເພື່ອໂປຣແກຣມເຕີ່ຍ່າ ໄມ່ຄວາມໃຫ້ລາຍໂປຣແກຣມ ທີ່ກ່ອນແບ່ງກັນນັ້ນທີ່ກ່ອຍເຊີ້ມູລກົດຄວາມຕ້ອງເປັນໂປຣແກຣມເຕີ່ຍ່າກັນ

### 4. ການຕຽບສອບຂໍ້ອມູລຂັ້ນສຸດທ້າຍ (final editing)

ປະໂຍດນີ້ຈາກການໃຫ້ຄອມພິວເຕອຣ໌ຊ່ວຍໃນການຕຽບສອບຂໍ້ອມູລຂັ້ນສຸດທ້າຍ ກ່ອນກຳທຳການວິເຄາະໜີ້ ຄື່ອ

1. ຕຽບຮ້າສຂໍ້ອມູລຈາກແຜ່ນພິມພົມ
2. ຕຽບຮ້າສຂໍ້ອມູລໂດຍກິ່າວິພິມ
3. ຕຽບຮ້າສຂໍ້ອມູລໂດຍດູດຕັ້ງເລີກທີ່ເປັນໄປໄໝໄດ້

ການຕຽບສອບແກ້ໄຂຂໍ້ອມູລຄວັງສຸດທ້າຍນີ້ເປັນລົງຈຳເປັນ ເພົ່າມາຮັດວຽກກົດເກີດຂຶ້ນ ຈະກຳໄໝໃຫ້ການວິເຄາະໜີ້ຂໍ້ອມູລສະດຸດເປັນຮະຍະ ຕ້ອງເລື່ອເວລາໄປຄັນຫາຂໍ້ອມູລທີ່ຖຸກຕ້ອງ ທີ່ກ່ອນແກ້ໄຂວິເຄາະໜີ້ຂໍ້ອມູລໄປແລ້ວເພີ່ມມາພັບຂໍ້ອົດພລາດທີ່ກ່ອນແກ້ໄຂຂໍ້ອມູລທີ່ກ່ອນແກ້ໄຂ ກົດຕ້ອງຢ້ອນກລັບມາວິເຄາະໜີ້ຂໍ້ອມູລໃໝ່ອີກຄັ້ງ ທຳໄໝໃຫ້ເວລາ ຈບປະມານ ແລະຄວາມຮູ້ຄືກ

## ໂສຕທັນ # 2.8.1 ການວິເຄາະໜີ້ຂໍ້ອມູລ

**ການວິເຄາະໜີ້ຂໍ້ອມູລ** ຄື່ອການນຳຂໍ້ອມູລທີ່ຮັບຮັບມາໄດ້ ນຳມາສູ່ວິທີການທາງສົດທິ ແບ່ງອອກເປັນ 2 ລ່ວນ ຄື່ອ

1. ສົດທິພຣະນາ (descriptive statistics)
2. ກາຮອນມານເຊີ່ງສົດທິ (inference statistics)

ນອກຈາກນີ້ການວິເຄາະໜີ້ຂໍ້ອມູລຍັງຕ້ອງມີຄວາມຮູ້ກ່ຽວກັບປະເກາທຂອງຂໍ້ອມູລ ແບ່ງເປັນ 2 ປະເກາທ ຄື່ອ

1. ຂໍ້ອມູລຄຸນກາພ (qualitative data)
2. ຂໍ້ອມູລປົງມາດ (quantitative data)

ຂໍ້ອມູລທີ່ 2 ປະເກາທ ຍັງມີຮະດັບການວັດດັບແປ່ປະກິດທີ່ກ່ອນແກ້ໄຂຂໍ້ອມູລເປັນ 4 ຮະດັບ ຄື່ອ

1. ຮະດັບນາມມາດຮາ (nominal scale)
2. ຮະດັບອັນດັບມາດຮາ (ordinal scale)
3. ຮະດັບຂ່າວມາດຮາ (interval scale)
4. ຮະດັບອັຕຣາສ່ວນມາດຮາ (ratio scale)

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.8.2 ການແຈກແຈງຄວາມຄື ແລະ ພັດທະນາການສ້າງຕາງໆ ແຈກແຈງຄວາມຄື ແບບມືອັນຕຽກພັນ

### ການແຈກແຈງຄວາມຄື

1. ການແຈກແຈງແບບເວີຍຕົວເລີຂ
2. ການຈັດເຮີຍເປັນໜາວດໜູ່ແລ້ວແຈກແຈງຄວາມຄື
  - ຕາງໆ ແຈກແຈງຄວາມຄື ແບບຮຽມດາ
  - ຕາງໆ ແຈກແຈງຄວາມຄື ແບບມືອັນຕຽກພັນ

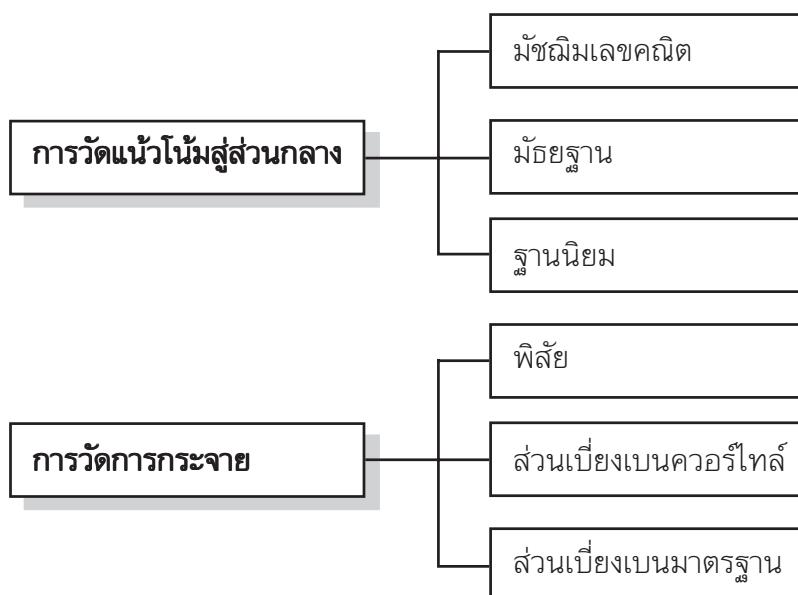
### ພັດທະນາການສ້າງຕາງໆ ແຈກແຈງຄວາມຄື ແບບມືອັນຕຽກພັນ

1. ທາຄາສູງສຸດຂອງຂໍ້ມູນ
2. ທາຄາຕໍ່ສຸດຂອງຂໍ້ມູນ
3. ທາພີລ້ຍ ພີລ້ຍ = ອົງສູງສຸດ - ອົງຕໍ່ສຸດ
4. ກຳນົດຈຳນວນຫັ້ນ
5. ທາອັນຕຽກພັນ = 
$$\frac{\text{ພີລ້ຍຈຳນວນ}}{\text{ຈຳນວນຫັ້ນ}}$$

6. ການຈັດເຮີຍຫັ້ນ ອາຈເຣີມເຮີຍໃຫ້ຫັ້ນທີ່ມີຄ່ານ້ອຍອູ້ຫັ້ນບນກ່ອນ ພົບອາຈເຮີຍໃຫ້ຫັ້ນທີ່ມີຄ່ານ້ອຍອູ້ຫັ້ນບນກ່ອນ ກີດໄດ້ ແຕ່ການເຮີຍໃຫ້ຫັ້ນຄ່ານ້ອຍອູ້ບນກ່ອນ ແລ້ວຫັ້ນຄ່ານ້ອຍເຮີຍຫັ້ນລ່າງລົງໄປຕາມລຳດັບ ຈະທຳໃຫ້ດູຈ່າຍກວ່າ
7. ໃນຕາງໆທີ່ເຮີຍຄ່ານ້ອຍໄວ້ຫັ້ນບນ ຄ່າຂອງຂີດລ່າງໃນຫັ້ນນີ້ຈະຕ້ອງມີຄ່ານ້ອຍກວ່າຫຼືເທົ່າກັບຄ່າຕໍ່ສຸດຂອງຂໍ້ມູນ ແລະ ຄ່າຂອງຂີດຈຳດັບຂອງຫັ້ນສູງສຸດ ຈະຕ້ອງມີຄ່ານ້ອຍກວ່າຫຼືເທົ່າກັບຄ່າສູງສຸດຂອງຂໍ້ມູນ
8. ແຈກແຈງຄວາມຄືຂອງຄ່າຂອງຂໍ້ມູນທີ່ມີຄ່າອູ້ໃນຫັ້ນຕ່າງໆ ທ້າວຍເຄື່ອງໝາຍ tally mark ແລ້ວຮັມລົງເປັນຄ່າ ຄວາມຄື

(ດູຕ້ວອຍ່າງໃນເອກສາກາລສອນ ມັນຫຼັງ 11 ດັ່ງຕາງໆທີ່ 8.3)

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.8.3 ການວັດແນວໂນ້ມສູ່ສ່ວນກາລາງ ແລະ ການຈັດການກະຈາຍ



## ໂສຕທັນ # 2.8.4 ມັນຄົມເລຂຄນິຕ ມັຍຈານ ແລະ ຈານນິຍມ

### ມັນຄົມເລຂຄນິຕ

1.1 ຂໍ້ອມູລທີ່ໄມ້ໄດ້ແຈກແຈງຄວາມຖື

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n}{n} = \frac{\sum x}{n}$$

1.2 ຂໍ້ອມູລທີ່ແຈກແຈງຄວາມຖື

$$\bar{x} = \frac{\sum fx}{n}$$

ຄ້າຂໍ້ອມູລ ດືອ 2, 3, 5, 6, 4

ມືມັນຄົມເລຂຄນິຕ = 4

7, 8, 10, 11, 9

ມືມັນຄົມເລຂຄນິຕ = ...

1, 2, 4, 5, 3

ມືມັນຄົມເລຂຄນິຕ = ...

$\frac{3}{4}, \frac{5}{4}, \frac{7}{4}, \frac{9}{4}, \frac{8}{4}$

ມືມັນຄົມເລຂຄນິຕ = ...

### ມັຍຈານ

ດືອ ດຳວັດທີ່ຕໍ່ແຫ່ງອູ້ຕຽບກາງຂອງຂໍ້ອມູລທີ່ກຳນົດ ຫາໄດ້ໄດ້ການນຳຂໍ້ອມູລທີ່ກຳນົດມາເຮັງກັນຈາກນ້ອຍໄປໜາກ  
ຫີ່ວິຈາກມາກໄປໜ້ານ້ອຍ ແລ້ວນັບຈຳນວນ ຄ້ານັບຈຳນວນໄດ້ຈຳນວນຕີ ດຳວັດທີ່ມີຕໍ່ແຫ່ງອູ້ຕຽບກາງ ດືອ  
ຄ່າມັຍຈານ ແຕ່ຄ້ານັບໄດ້ຈຳນວນຄຸ້ ດຳວັດທີ່ມີຕໍ່ແຫ່ງອູ້ຕຽບກາງ ຮັມກັນແລ້ວກຳນົດໄວ້ 2 ດືອ ຄ່າມັຍຈານ

ມັຍຈານ ດຳວັດທີ່ຂໍ້ອມູລຕໍ່ແຫ່ງກາງ

1. ຂໍ້ອມູລທີ່ໄມ້ໄດ້ແຈກແຈງຄວາມຖື

ເຊື່ອ ມັຍຈານຂອງຂໍ້ອມູລ 2 3 2 6 8 ດືອ 5

$$\text{ມັຍຈານຂອງຂໍ້ອມູລ 1 4 5 7 8 ດືອ } \frac{5+7}{2} = 6$$

2. ຂໍ້ອມູລທີ່ແຈກແຈງຄວາມຖື

$$\text{ມັຍຈານ } = L + i \left[ \frac{\frac{N}{2} - C}{f} \right]$$

(ດູວ້າວຍ່າງໃນເອກສາກວັດສອນ ໜ້າ 18 ດັ່ງຕາງໆທີ່ 8.7)

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.8.4 ມັກຄົມເລຂຄນິຕ ມັດຍຈານ ແລະ ຈານນີຍມ (ຕ່ອ)

### ຈານນີຍມ

ກີ່ອ ດ້ວຍຄ່າຂອງຂໍ້ມູນທີ່ມີຈຳນວນນຳກຳທີ່ສຸດ ອີ່ວມມືກວາມຄືສູງສຸດ ຂໍ້ມູນຊຸດໜຶ່ງ ຈະ ອາຈານນີຍມໄດ້ຫລາຍດ່າ ດ້ວຍ  
ຂໍ້ມູນຊຸດນີ້ນີ້ມີຄ່າຂອງຂໍ້ມູນທີ່ມີກວາມຄືສູງສຸດເທົ່າກັນຫລາຍດ່າ ບາງຊຸດຂອງຂໍ້ມູນລວາຈະໄມ່ມີຈານນີຍມຄ້າຂໍ້ມູນຊຸດນີ້ນີ້ມີ  
ກວາມຄືເທົ່າກັນ ວິທີກາຮາຄ່າຈານນີຍມທຳໄດ້ໂດຍກາຮົາເຮັດວຽກເວັບໄວ້ຈາກມາກໄປໜ້າຍຫຼືຈາກນ້ອຍໄປໜ້າຍ  
ດ້ວຍຄ່າຂອງຂໍ້ມູນທີ່ມີກວາມຄືສູງສຸດຄືຈານນີຍມ

ຈານນີຍມ ດ້ວຍຄ່າທີ່ມີຈຳນວນຂໍ້ມູນທີ່ສຸດ

1. ຂໍ້ມູນທີ່ໄມ່ໄດ້ແຈກແຈງກວາມຄື

ເຊັ່ນ ຈານນີຍມຂອງຂໍ້ມູນ 3 8 5 6 4 5 ດ້ວຍ 5

2. ຂໍ້ມູນທີ່ແຈກແຈງກວາມຄື

$$\text{ຈານນີຍມ} = L + i \left[ \frac{F_2}{F_1 + F_2} \right]$$

(ດູວ້າວ່າງໃນເອກສາກວິຊາສອນ ພ້າ 20 ດັ່ງຕາງໆທີ່ 8.8)

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.8.5 ພິລ້ຍ ສ່ວນເປີຍເປັນມາດຈານ ແລະ ລັ້ມປະລິທີ່ແຫ່ງກາຮະຈາຍ (the coefficient of dispersion)

### ກາຮະຈາຍ

ເປັນກາຮົາຄານວ່າ ດ້ວຍຄ່າຂອງຂໍ້ມູນທີ່ທີ່ມີກວາມກະຈາຍອອກຈາກຄ່າກລາງນຳຍ້ອຍເພີ່ມໄດ້ ກາຮະຈາຍ  
ທີ່ນີຍມໃຊ້ກັນນຳໃນການວິຊາທີ່ ໃປ ດ້ວຍ ພິລ້ຍແລະ ສ່ວນເປີຍເປັນມາດຈານ

### ພິລ້ຍ

ພິລ້ຍ = ດ້ວຍຄ່ານຳຍ້ອຍທີ່ສຸດ - ດ້ວຍຄ່ານຳຍ້ອຍທີ່ລຸດ

ເຊັ່ນ ຂໍ້ມູນ 6 4 8 9 7 7 5 6 4 8

ພິລ້ຍ = 9 - 4 = 5

### ສ່ວນເປີຍເປັນມາດຈານ

ດ້ວຍ ດ້ວຍຄ່າທີ່ໃຊ້ວັດກວາມແຕກຕ່າງຮ່ວງຄ່າແຕ່ລະດ້ວຍຄ່າຂອງຂໍ້ມູນນີ້ນີ້ກັບມັກຄົມເລຂຄນິຕ໌ທີ່ເປັນຕົວແທນຂອງຂໍ້ມູນ  
ທີ່ທີ່ມີ

1. ກາຮາສ່ວນເປີຍເປັນມາດຈານລຳຫັບຂໍ້ມູນທີ່ໄມ່ໄດ້ແຈກແຈງກວາມຄື

$$S = \sqrt{\frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n - 1}}$$

## โจทย์คณ์ # 2.8.5 (ต่อ)

**ตัวอย่าง** สุ่มตัวอย่างส่วนบุคคลเกี่ยวกับการให้คะแนนความสะอาดของห้องทำงานแห่งหนึ่งคะแนนเต็มเป็น 15 มีผู้ตอบแบบสอบถาม 6 คน ให้คะแนนดังนี้ 2, 5, 7, 8, 9, 11

หาค่าเฉลี่ยของข้อมูล

$$\bar{x} = \frac{\sum x}{n} = \frac{2 + 5 + 7 + 8 + 9 + 11}{6} = \frac{42}{6} = 7$$

x	(x - $\bar{x}$ )	$(x - \bar{x})^2$
2	-5	25
5	-2	4
7	0	0
8	1	1
9	2	4
11	4	16
$\sum x = 42$	-	50

$$s = \sqrt{\frac{\sum (x - \bar{x})^2}{n - 1}} = \sqrt{\frac{50}{6 - 1}} = \sqrt{10}$$

$$= 3.16$$

2. การหาส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐานสำหรับข้อมูลที่มีการแจกแจงความถี่

$$s = \sqrt{\frac{\sum f(x - \bar{x})^2}{n - 1}}$$

## ໂສຕທັນ # 2.8.5 (ຕອ)

### ສັມປະລິທົ່ງແຫ່ງກາຣກຈາຍ

ສັມປະລິທົ່ງແຫ່ງກາຣກຈາຍເປັນວິທີກາຣທີ່ນຳມາໃຊ້ໃນກາຣເປົ້າຍເຖິງກາຣກຈາຍຂອງຂໍ້ມູລຕ່າງໝັດກັນ ທີ່ຈຶ່ງ  
ຂໍ້ມູລຕ່າງໝັດກັນທີ່ມີຄ່າກາຣກຈາຍເທົ່າກັນ ອາຈນີ້ນາດຂອງຂໍ້ມູລຕ່າງກັນມາກົດໄດ້

$$\text{ສັມປະລິທົ່ງແຫ່ງກາຣກຈາຍ} = \frac{S}{\bar{X}} \times 100$$

ຄ່ານີ້ອ້າງເຮັດວຽກໄດ້ອີກຊ່ອໜຶ່ງວ່າ “ສັມປະລິທົ່ງຂອງຄວາມແປປຽນ” (coefficient of variation, C.V.)

ຫ້ອງເຮັນ	ນັ້ນຄົມເລຂຄົນຕ	ສ່ວນເປົ້າຍບັນມາຕຽນ
ຫ້ອງ ก	20	5
ຫ້ອງ ข	24	3

ຈະໄດ້  $CV_g = \dots$

ຈະໄດ້  $CV_x = \dots$

ດັ່ງນັ້ນ .....ມີກາຣກຈາຍມາກກວ່າ ຫ້ອງ.....

## ໂສຕທັນ # 2.8.6 ກາຣເປົ້າຍເຖິງຄ່າເຂົ້າລື່ຍແລະກາຣເປົ້າຍເຖິງຄ່າສັດສ່ວນ

### ກາຣເປົ້າຍເຖິງຄ່າເຂົ້າລື່ຍ

#### 1. ກາຣເປົ້າຍເຖິງຄ່າເຂົ້າລື່ຍຂອງປະຊາກ 1 ກລຸ່ມ

1.1 ທຽບຄ່າຄວາມແປປຽນຂອງປະຊາກ ( $\sigma^2$  known)

1.2 ໄມ່ທຽບຄ່າຄວາມແປປຽນຂອງປະຊາກ ( $\sigma^2$  unknown)

#### 2. ກາຣເປົ້າຍເຖິງຄວາມແຕກຕ່າງຂອງຄ່າເຂົ້າລື່ຍຂອງປະຊາກ 2 ກລຸ່ມ

2.1 ປະຊາກ 2 ກລຸ່ມເປັນອີສະຕ່ອກັນ

2.2.1 ທຽບຄ່າຄວາມແປປຽນຂອງປະຊາກ ( $\sigma^2_1, \sigma^2_2$  known)

2.2.2 ໄມ່ທຽບຄ່າຄວາມແປປຽນຂອງປະຊາກ ( $\sigma^2_1, \sigma^2_2$  unknown)

2.2 ປະຊາກ 2 ກລຸ່ມໄມ່ເປັນອີສະຕ່ອກັນ

## โสดทัศน์ # 2.8.6 การเปรียบเทียบค่าเฉลี่ยและการเปรียบเทียบค่าสัดส่วน (ต่อ)

### การเปรียบเทียบค่าสัดส่วน

1. การเปรียบเทียบค่าสัดส่วนของประชากร 1 กลุ่ม
2. การเปรียบเทียบความแตกต่างของค่าสัดส่วนของประชากร 1 กลุ่ม
  - 2.1 ประชากร 2 กลุ่มที่เป็นอิสระต่อกัน
  - 2.2 ประชากร 2 กลุ่มที่ไม่เป็นอิสระต่อกัน
3. การเปรียบเทียบความแตกต่างของค่าสัดส่วนของประชากร 2 กลุ่ม
  - 3.1 ประชากรมากกว่า 2 กลุ่มที่เป็นอิสระต่อกัน
  - 3.2 ประชากรมากกว่า 2 กลุ่มที่ไม่เป็นอิสระต่อกัน

## โสดทัศน์ # 2.8.7 การหาความล้มพันธ์ระหว่างตัวแปร การหาค่าตัวทำนาย

### การหาความล้มพันธ์ระหว่างตัวแปร

1. การหาความล้มพันธ์ของข้อมูลเชิงคุณภาพ
  - 1.1 ตารางการณ์จร  $1 \times C$
  - 1.2 ตารางการณ์จร  $2 \times 2$
  - 1.3 การทดสอบความแม่นตรงของฟิชเชอร์ ลำารับตาราง  $2 \times 2$
2. การหาความล้มพันธ์ของข้อมูลเชิงปริมาณ

### การหาค่าตัวทำนาย

ในการหาค่าตัวทำนายนี้หมายความว่า ถ้าตัวแปรหนึ่ง ๆ มีความล้มพันธ์กับตัวแปรอีกด้วยหนึ่ง หรือตัวแปรอิสระมีผลต่อตัวแปรตาม ตัวแปรอิสระ ( $x$ ) จะสามารถทำนายการเกิดตัวแปรตาม ( $y$ ) ได้หรือไม่มีความแม่นยำในการทำนายได้เพียงใด บางกรณีเรียกว่า การหาตัวพยากรณ์ (predicting forecasting) เป็นสถิติขั้นสูง (advanced statistics) ซึ่งต้องคำนึงถึงข้อตกลงเบื้องต้นก่อนนำไปใช้

1. การวิเคราะห์ถดถอย (regression analysis)
2. การวิเคราะห์จำแนกพหุ (multiple classification analysis)
3. การวิเคราะห์จำแนกประเภท (discriminant analysis)

## ໂສຕທັນ # 2.8.8 ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລ

### ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລ

1. ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລໃນຮູບທຄວາມ
2. ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລໃນຮູບທຄວາມກິ່ງຕາರາງ
3. ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລໃນຮູບຕາරາງ
  - 3.1 ຕາරາງແຈກແຈງທາງເດືອຍວາ ທີ່ອຕາරາງເດືອຍວາ
  - 3.2 ຕາරາງແຈກແຈງສອງທາງ ທີ່ອຕາරາງໄຈວ້າ
  - 3.3 ຕາරາງແຈກແຈງສາມທາງ
4. ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລໃນຮູບປາຣາຟແລະແພນກຸມີ
  - 4.1 ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລແບບຮູບປາຣາຟເລັ້ນ
  - 4.2 ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລແບບແພນກຸມີແທ່ງ
  - 4.3 ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລແບບແພນກຸມີວົງກລມ
  - 4.4 ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລແບບຮູບປາກາພ
  - 4.5 ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລແບບແພນກຸມີແພນທີ່
  - 4.6 ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລແບບແພນກາພກຮະຈາຍ ທີ່ອແພນກາພສຫຼັມພັນໝົງ
  - 4.7 ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລແບບເຊື່ອໂຕແກຣມ
  - 4.8 ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລແບບຮູບທລາຍເໜ່ຍມແກ່ຄວາມຖີ່
  - 4.9 ການນໍາເສນອຂໍ້ມູນລແບບແພນກຸມີພິຣະມິດ

## ໂສຕທັນ # 2.9.1 ເຊື່ອ

### ເຊື່ອ

ໜ່າຍຄື່ງ ກລຸມຂອງລົງຂອງຕ່າງ ๆ ທີ່ມີຄຸນສມບັດທີ່ແນ່ໜັດ ໂດຍທີ່ສາມາດນັບອກສາມາັກຂອງເຊື່ອນັ້ນໄດ້ ການດຳເນີນການຂອງເຊື່ອ ໄດ້ແກ່ ຍູ້ເນື່ອນ ອິນເຕୋର්ເຊັກໜັນ ແລະ ຄອມພລີເມັນຕີ ເປັນການນໍາທາລາຍ ພໍອມແກ່ຄວາມຖີ່ ເຊື່ອມາດຳເນີນການໃຫ້ເກີດເຊື່ອໃໝ່

### $A \cup B$

ຄື່ອ ເຊື່ອທີ່ມີສາມາັກທີ່ເປັນສາມາັກຂອງເຊື່ອ  $A$  ທີ່ອສາມາັກຂອງເຊື່ອ  $B$  ທີ່ອຂອງທັງສອງເຊື່ອ  
ເຢືນອົບຍາລັກໝະນະຂອງສາມາັກໄດ້ວ່າ  $A \cup B = \{x | x \text{ ເປັນສາມາັກຂອງ } A \text{ ທີ່ອ } x \text{ ເປັນສາມາັກຂອງ } B\}$

### $A \cap B$

ຄື່ອ ເຊື່ອທີ່ມີສາມາັກທີ່ເປັນສາມາັກຂອງເຊື່ອ  $A$  ແລະ ເຊື່ອ  $B$   
ເຢືນອົບຍາລັກໝະນະຂອງສາມາັກໄດ້ວ່າ  $A \cap B = \{x | x \text{ ເປັນສາມາັກຂອງ } A \text{ ທີ່ອ } x \text{ ເປັນສາມາັກຂອງ } B\}$

### $A^c, A'$ ທີ່ອ $\bar{A}$

ຄອມພລີເມັນຕີຂອງເຊື່ອ  $A$  ໄດ້າ ເມື່ອເຫັນກັບເອກກັບສັນພັນໝົງ  $U$  ຄື່ອເຊື່ອຂອງທຸກສາມາັກທີ່ມີຢູ່ໃນ  $U$  ແຕ່ໄມ່ຢູ່ໃນ  $A$   
ເຢືນອົບຍາລັກໝະນະຂອງສາມາັກໄດ້ວ່າ  $A^c = \{x | x \text{ ເປັນສາມາັກຂອງ } U \text{ ແລະ } x \text{ ໄນເປັນສາມາັກຂອງ } A\}$

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.9.2 ການເຮືອງສັບປະລິຍົນແລກຈັດໜູ້

### ການເຮືອງສັບປະລິຍົນແລກຈັດໜູ້

ເປັນເຮືອງຮາວຂອງຈຳນວນວິທີການຈັດລົງຂອງທີ່ແຕກຕ່າງກັນ ໂດຍດູອັນດັບລົງຂອງເຮືອງກວ່າການເຮືອງສັບປະລິຍົນ ແລະໄມ້ດູອັນດັບລົງຂອງເຮືອງກວ່າການຈັດໜູ້

ການເຮືອງສັບປະລິຍົນຂອງລົງຂອງ  $n$  ລົງ ທີ່ມີແຕກຕ່າງກັນທັງໝົດ ໂດຍຈັດວັນດັບທີ່ລະ  $r$  ລົງ ( $r < n$ ) ມີຄ່າຄືວ່າ

$${}^n P_r = \frac{n!}{(n - r)!}$$

ການຈັດໜູ້ຂອງລົງຂອງທີ່ແຕກຕ່າງກັນ  $n$  ລົງ ໂດຍທີ່ມີໜູ້ລະ  $r$  ລົງ ( $r \leq n$ ) ມີຄ່າຄືວ່າ

$${}^n C_r = \frac{n!}{r!(n - r)!}$$

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.9.3 ການທດລອງເຊີງສຸມ ປຣິກູມີຕັວອຍ່າງ ແຫດກາຮົນ

### ການທດລອງເຊີງສຸມ

ໝາຍຄື່ງ ການທດລອງທີ່ໄມ້ສາມາຄພາກຮົນຟິລັພົບີ້ໄດ້ຍ່າງຄູກຕ້ອງແນ່ນອນ ໙ີ້ອງຈາກຟິລັພົບີ້ອາຈ  
ເກີດຂຶ້ນໄດ້ໜ້າຍອຍ່າງ

### ປຣິກູມີຕັວອຍ່າງ

ໝາຍຄື່ງ ເຊດທີ່ມີສາມາຊີກເປັນຟິລັພົບີ້ທີ່ອາຈຈະເປັນໄປໄດ້ທັງໝົດຂອງການທດລອງເຊີງສຸມ

### ເຫດກາຮົນ

ໝາຍຄື່ງ ເຊດຍ່ອຍຂອງປຣິກູມີຕັວອຍ່າງ

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.9.4 ຄວາມນໍາຈະເປັນ ແລກຈັດແຈງຄວາມນໍາຈະເປັນ

### ຄວາມນໍາຈະເປັນ

ໝາຍຄື່ງ ດ້ວຍຄວາມຄື່ລັມພັບີ້ທີ່ຈະບອກໃຫ້ການວ່າເຫດກາຮົນນັ້ນໆ ມີໂອກາສເກີດຂຶ້ນໄດ້ມາກນ້ອຍເພີ່ມໃດ

### ຄຸນສົມບັດຂອງຄວາມນໍາຈະເປັນ

1. ຄວາມນໍາຈະເປັນຂອງເຫດກາຮົນ  $E$  ໄດ້ ມີຄ່າຕັ້ງແຕ່ 1 ຄື່ 0 ເສມອ ນັ້ນຄືວ່າ  $0 \leq P(E) \leq 1$
2. ຄວາມນໍາຈະເປັນຂອງປຣິກູມີຕັວອຍ່າງ  $S$  ມີຄ່າເຖິງກັບ 1 ນັ້ນຄືວ່າ  $P(S) = 1$
3. ຄວາມນໍາຈະເປັນຂອງເຫດກາຮົນທີ່ເປັນເຊດວ່າງເຖິງກັບ 0 ນັ້ນຄືວ່າ  $P(\emptyset) = 0$

## ใบหัดคณ์ # 2.9.4 ความน่าจะเป็น และการแจกแจงความน่าจะเป็น (ต่อ)

4. ถ้า  $E_1, E_2, E_3, \dots, E_n$  เป็นเหตุการณ์ที่ไม่มีส่วนร่วม จะได้ว่า

$$P(E_1 \cup E_2 \cup E_3 \cup \dots \cup E_n) = P(E_1) + P(E_2) + P(E_3) + \dots + P(E_n)$$

5. ถ้า  $E_1$  และ  $E_2$  เป็นเหตุการณ์ใดๆ ที่เป็นเซตของปริภูมิตัวอย่าง  $S$  และ

$$P(E_1 \cup E_2) = P(E_1) + P(E_2) - P(E_1 \cap E_2)$$

6. เหตุการณ์  $E_1$  และ  $E_2$  เป็นเหตุการณ์ที่เป็นอิสระต่อกัน ก็ต่อเมื่อ

$$P(E_1 \cap E_2) = P(E_1) P(E_2)$$

### การแจกแจงความน่าจะเป็น

หมายถึง การแจกแจงความลี่ของตัวแปรสุ่มชนิดไม่ต่อเนื่อง และชนิดต่อเนื่อง ด้วยค่าความน่าจะเป็น การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มชนิดไม่ต่อเนื่อง ได้แก่ การแจกแจงทวินาม และการแจกแจงปัวซง การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มชนิดต่อเนื่อง ได้แก่ การแจกแจงปกติ

## ใบหัดคณ์ # 2.9.5 การแจกแจงทวินาม

### การแจกแจงทวินาม

คือ การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มชนิดไม่ต่อเนื่อง ที่ผลการทดลองมี 2 อย่าง คือ สำเร็จและล้มเหลว

### ความน่าจะเป็นของการแจกแจงทวินาม

$$f(x) = {}^n C_x p^x (1-p)^{n-x}; x = 0, 1, 2, 3, \dots, n$$

โดยที่  $n$  คือ จำนวนครั้งของการทดลอง

$x$  คือ จำนวนครั้งของความสำเร็จ

${}^n C_x$  คือ จำนวนรูปแบบของผลการทดลองที่เป็นไปได้ทั้งหมด

$$\text{ค่า } {}^n C_x = \frac{n!}{x!(n-x)!}$$

$p$  คือ ความน่าจะเป็นของความสำเร็จในแต่ละครั้งของการทดลอง

$1-p$  คือ ความน่าจะเป็นของความล้มเหลวในแต่ละครั้งของการทดลอง (หรือให้  $q = 1-p$ )

การแจกแจงทวินามมีค่าเฉลี่ย =  $np$  และ ค่าความแปรปรวน =  $npq$

## ใบตั๋วที่ # 2.9.6 การแจกแจงปัวซง

### การแจกแจงปัวซง

การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มชนิดไม่ต่อเนื่อง ที่ค่าเฉลี่ยของความลำเร็วเกิดขึ้นในช่วงเวลา หรือขอบเขตที่กำหนด

### ความน่าจะเป็นของการแจกแจงปัวซง

$$f(x) = \frac{e^{-\mu} \mu^x}{x!}; x = 0, 1, 2, 3, \dots, \infty$$

โดยที่  $x$  คือ จำนวนของความลำเร็วในการทดลองแบบปัวซง

$\mu$  คือ ค่าเฉลี่ยของความลำเร็วที่เกิดขึ้นในช่วงเวลาหรือในขอบเขตที่กำหนด

$e$  คือ ค่าคงที่  $= 2.718281828\dots$

การแจกแจงปัวซงมีค่าเฉลี่ย  $= np$  และ ค่าความแปรปรวน  $= np$

## ใบตั๋วที่ # 2.9.7 การแจกแจงปกติ

### การแจกแจงปกติ

คือ การแจกแจงความน่าจะเป็นของตัวแปรสุ่มชนิดต่อเนื่อง ที่โครงสร้างการแจกแจงเป็นรูประฆังค่าว่าสมมาตร

### ความน่าจะเป็นของการแจกแจงปกติ

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}\frac{(x-\mu)^2}{\sigma^2}}; -\infty < x < \infty$$

โดยที่  $\mu$  คือ มัธยมเลขคณิต หรือเรียกว่าค่าเฉลี่ย

$\sigma$  คือ ส่วนเบี่ยงเบนมาตรฐาน

$\pi$  คือ ค่าคงที่  $= \frac{22}{7} = 3.141592654\dots$

$e$  คือ ค่าคงที่  $= 2.718281828\dots$

การแจกแจงปกติมีค่าเฉลี่ย  $= \mu$  และ ค่าความแปรปรวน  $= \sigma^2$

## โจทย์คณ์ # 2.9.7 การแจกแจงปกติ (ต่อ)

ความน่าจะเป็นของการแจกแจงปกติมาตรฐาน

$$f(z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{1}{2}z^2}; -\infty < z < \infty$$

โดยที่  $z = \frac{x - \mu}{\sigma}$

$\pi$  คือ ค่าคงที่  $= \frac{22}{7} = 3.141592654\dots$

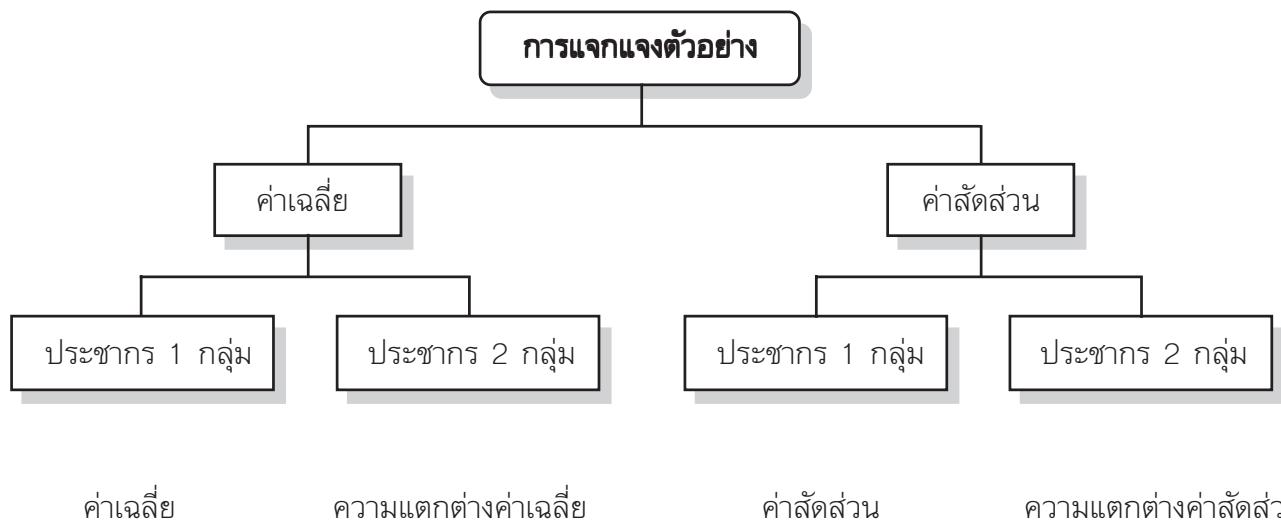
$e$  คือ ค่าคงที่  $= 2.718281828\dots$

การแจกแจงปกติมาตรฐานมีการแจกแจงปกติด้วยค่าเฉลี่ย  $\mu = 0$  และ ค่าความแปรปรวน  $\sigma^2 = 1$  หรือเขียนด้วยลัญลักษณ์ว่า  $z \sim N(0, 1)$

## โจทย์คณ์ # 2.9.8 การแจกแจงตัวอย่าง

### การแจกแจงตัวอย่าง

คือการแจกแจงความน่าจะเป็นของค่าสถิติที่ได้จากการ抽取ตัวอย่าง คุณสมบัติของการแจกแจงค่าเฉลี่ยและค่าสัม掂ล้วนของตัวอย่าง ได้นำไปใช้ในการอนุมานเชิงสถิติ



ค่าเฉลี่ย

ความแตกต่างค่าเฉลี่ย

ค่าสัม掂ล้วน

ความแตกต่างค่าสัม掂ล้วน

การแจกแจงความน่าจะเป็นของค่าเฉลี่ย  $\bar{x}$  ที่ได้จากการสุ่มตัวอย่างจากประชากรที่มีการแจกแจงปกติ ด้วยค่าเฉลี่ยเท่ากับ  $\mu$  และความแปรปรวน เท่ากับ  $\sigma^2$  จะได้การแจกแจงค่าเฉลี่ยของตัวอย่างมีค่าเฉลี่ย  $\mu_{\bar{x}}$  และความแปรปรวน  $\sigma_{\bar{x}}^2$  ดังนี้

$$1. \text{ ค่าเฉลี่ย } \mu_{\bar{x}} = \mu$$

$$2. \text{ ความแปรปรวน } \sigma_{\bar{x}}^2 = \frac{\sigma^2}{n}$$

$$3. \text{ ความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน } \sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

4. มีโคงการแจกแจงปกติ เมื่อประชากรมีการแจกแจงปกติหรือไม่มีการแจกแจงปกติก็ตาม แต่สุ่มตัวอย่างมาขนาดใหญ่พอ (จากทฤษฎีขึ้นจำกัดกลาง)

การแจกแจงความแตกต่างค่าเฉลี่ยของตัวอย่างนี้มีการแจกแจงปกติ มีค่าเฉลี่ย  $\mu_{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2)}$  และความแปรปรวน  $\sigma_{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2)}^2$  ดังนี้

$$1. \text{ ค่าเฉลี่ย } \mu_{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2)} = \mu_{\bar{x}_1} - \mu_{\bar{x}_2} = \mu_1 - \mu_2$$

$$2. \text{ ความแปรปรวน } \sigma_{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2)}^2 = \sigma_{\bar{x}_1}^2 + \sigma_{\bar{x}_2}^2 = \frac{\sigma^2}{n_1} + \frac{\sigma^2}{n_2}$$

$$3. \text{ ความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน } \sigma_{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2)} = \sqrt{\sigma_{\bar{x}_1}^2 + \sigma_{\bar{x}_2}^2} = \sqrt{\frac{\sigma^2}{n_1} + \frac{\sigma^2}{n_2}}$$

4. การแจกแจงนี้มีการแจกแจงปกติ ถ้าการแจกแจงค่าเฉลี่ยของตัวอย่างแต่ละชุดนั้นมีการแจกแจงปกติ

การแจกแจงค่าเฉลี่ยของตัวอย่าง การแจกแจงของ  $p$  มีค่าเฉลี่ย  $\mu_p$  ความแปรปรวน  $\sigma_p^2$  ดังนี้

$$1. \text{ ค่าเฉลี่ย } \mu_p = \pi$$

$$2. \text{ ความแปรปรวน } \sigma_p^2 = \frac{\pi(1-\pi)}{n}$$

$$3. \text{ ความคลาดเคลื่อนมาตรฐาน } \sigma_p = \sqrt{\frac{\pi(1-\pi)}{n}}$$

4. เป็นการแจกแจงทวินาม แต่เมื่อ  $n$  มีขนาดมาก การแจกแจงนี้สามารถประมาณค่าได้จากการแจกแจงปกติ

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.9.9 (ຕ່ອ)

ກາຮັງແຈງຄວາມແຕກຕ່າງຄ່າເຈລື່ອຂອງດ້ວຍຢ່າງ ມີຄຸນສມບັດຂອງກາຮັງແຈງຂອງ  $p_1 - p_2$  ມີຄ່າເຈລື່ອ  $\mu_{(p_1 - p_2)}$  ຄວາມແປປປວນ  $\sigma^2_{(p_1 - p_2)}$  ດັ່ງນີ້

$$1. \text{ ຄ່າເຈລື່ອ } \mu_{(p_1 - p_2)} = \pi_1 - \pi_2$$

$$2. \text{ ຄວາມແປປປວນ } \sigma^2_{(p_1 - p_2)} = \frac{\pi_1(1 - \pi_1)}{n_1} + \frac{\pi_2(1 - \pi_2)}{n_2}$$

$$3. \text{ ຄວາມຄລາດເຄລື່ອນມາຕຽບ } \sigma_{(p_1 - p_2)} = \sqrt{\frac{\pi_1(1 - \pi_1)}{n_1} + \frac{\pi_2(1 - \pi_2)}{n_2}}$$

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.10.1 ປະເທດຂອງກາຮັງພະມານຄ່າ

### ປະເທດຂອງກາຮັງພະມານຄ່າ

1. **ກາຮັງພະມານຄ່າເປັນຈຸດ** ສົ່ວໂລງການນຳເອາຄ່າລົດທີ່ໄດ້ຈາກຂໍ້ມູນດ້ວຍຢ່າງໄປໃໝ່ກາຮັງພະມານຄ່າພາຣາມີເຕອວ່ຽງ ແລະ ກາຮັງພະມານຄ່າພາຣາມີເຕອວ່ຽງທີ່ໄດ້ຈຳກັດວ່າມີຄ່າເຖິງກັບຄ່າເພີ່ມຄ່າເດືອນເກົ່ານັ້ນ ກົດຈະມີໂຄກສຫ່ວງ ຂວາມນ່າຈະເປັນທີ່ຜິດພລາດໄດ້ຈ່າຍ

2. **ກາຮັງພະມານຄ່າເປັນຊ່າງ** ສົ່ວໂລງການນຳເອາຄ່າລົດທີ່ໄດ້ຈາກຂໍ້ມູນຂອງດ້ວຍຢ່າງໄປໃໝ່ກາຮັງພະມານຄ່າພາຣາມີເຕອວ່ຽງ ໂດຍກຳຫາດຄ່າກາຮັງພະມານເປັນຊ່າງວ່າ ຄ່າພາຣາມີເຕອວ່ຽງທີ່ຕ້ອງກາຮັງພະມານຈະມີຄ່າອໝູໃນຊ່າງນີ້ ດ້ວຍຄວາມເຂື່ອມັນວ່າ ຈະຖຸກຕ້ອງເປັນຮ້ອຍລະຫວ່າງເປົ້າໃຫຍ່ ແລະ ເວັບເວັບໃນຊ່າງນີ້ (confidence interval)

## ໂສຕ້ຫັນ # 2.10.2 ຄຸນສມບັດຂອງດ້ວຍກາຮັງພະມານຄ່າເປັນຈຸດທີ່ດີ

### ຄຸນສມບັດຂອງດ້ວຍກາຮັງພະມານຄ່າເປັນຈຸດທີ່ດີ

1. ເປັນດ້ວຍກາຮັງພະມານຄ່າທີ່ໄມ່ອຄຕີ (unbiased estimator)

2. ມີຄວາມພ້ອງແລະສໍາເສມອຫວີ່ມີຄວາມຄອງທີ່ (consistency)

3. ມີຄວາມແປປປວນນ້ອຍທີ່ລຸດ (minimum variance)

4. ມີຄວາມເພີ່ມພອ (sufficiency)

**ຂໍ້ຕອນຂອງກາຣທດສອບສມມຕື່ຈານ**

1. ກາຣຕັ້ງສມມຕື່ຈານທາງສົດຕິ
  - 1.1 ສມມຕື່ຈານວ່າງ
  - 1.2 ສມມຕື່ຈານທາງເລື່ອກ
2. ກາຣຕັ້ງສົດຕິທີ່ໃຊ້ທດສອບ
  - 2.1 z-test
  - 2.2 t-test
  - 2.3  $\chi^2$ -test
  - 2.4 F-test
3. ກາຣກໍາහນດຄວາມຜິດພລາດໃນກາຣທດສອບ
  - 3.1 ຄວາມຜິດພລາດປະເກດ 1
  - 3.2 ຄວາມຜິດພລາດປະເກດ 2
4. ຮະດັບນັຍລຳຄັ້ງ
5. ບຣິແນວວິກາຕ
6. ກາຣທດສອບສົດຕິ
  - 6.1 ກາຣທດສອບສອງໜ້າງ
  - 6.2 ກາຣທດສອບໜ້າງເດືອຍ
7. ຄ່າພື້ນ (p-value)
8. ສຽງຜລກກາຣທດສອບ

## ใบตั๋วที่ 2.10.4 # การประมาณค่าเฉลี่ยและการประมาณค่าสัดส่วน

### การประมาณค่าเฉลี่ย

ตัวประมาณค่าเฉลี่ยของประชากร ( $\mu$ ) คือค่าเฉลี่ยเลขคณิตของตัวอย่าง ( $x$ ) มีสูตรในการประมาณค่าดังนี้

$$(1 - \alpha) 100\% \text{ ขีดจำกัดความเชื่อมั่นของ } \mu = x \pm z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

### การประมาณค่าสัดส่วน

ตัวประมาณค่าสัดส่วนของประชากร ( $P$ ) คือค่าสัดส่วนของตัวอย่าง ( $p$ ) มีสูตรในการประมาณค่าดังนี้

$$(1 - \alpha) 100\% \text{ ขีดจำกัดความเชื่อมั่นของ } P = p \pm z_{\alpha/2} \sqrt{p(1-p)/n}$$

ยกตัวอย่างการประมาณค่าเฉลี่ย และการประมาณค่าสัดส่วน



